



☆☆☆☆☆☆☆☆☆☆  
Matière : Sciences Physiques



prof: EL BADAONI

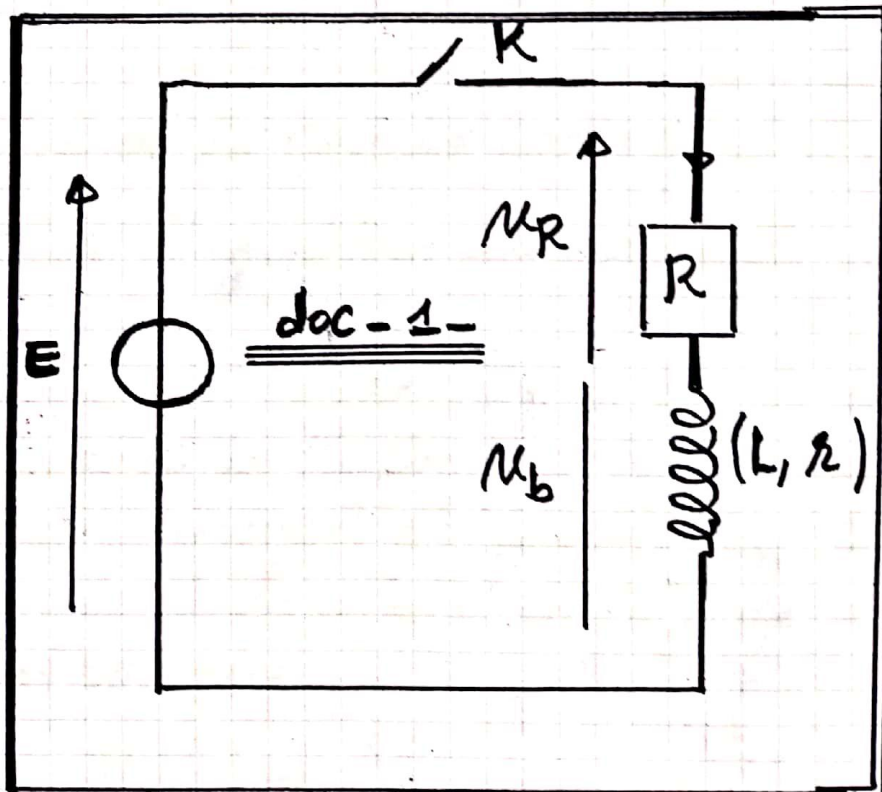
Le Dipôle: RL

07-72-96-61-01

2<sup>ème</sup> BAC SC MATH

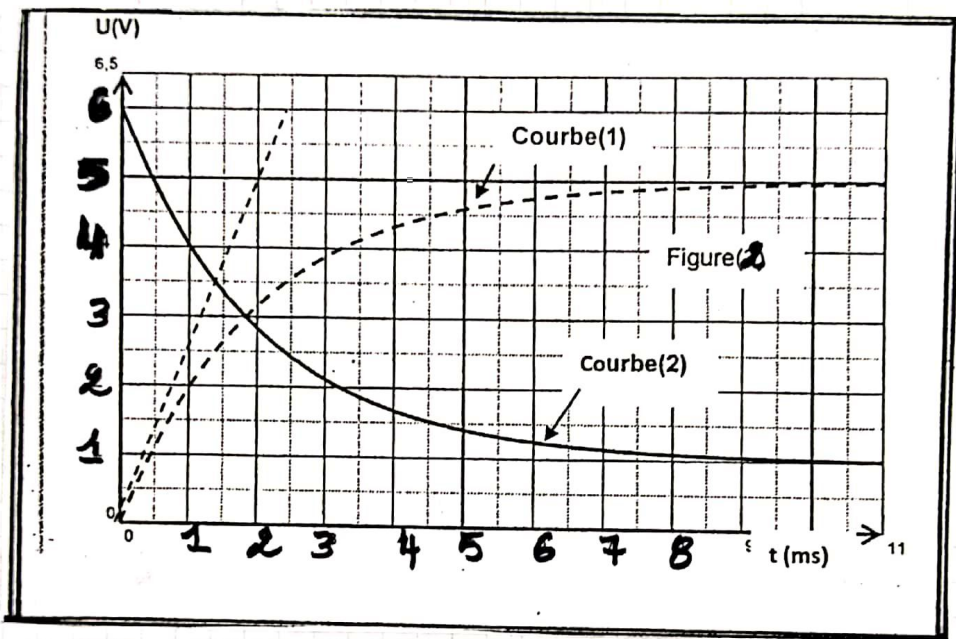
Pour déterminer la résistance  $r$  et l'inductance  $L$  d'une bobine on réalise le montage du doc-1- constitué d'un:

- \* Conducteur ohmique de résistance  $R = 100\Omega$
- \* générateur de tension de force électromotrice  $\mathcal{E}$ .
- \* interrupteur  $K$ .
- \* la bobine.





à l'instant ( $t=0$ ), on ferme l'interrupteur  $K$  et on visualise la tension  $U_R$  aux bornes du conducteur ohmique et la tension  $U_b$  aux bornes de la bobine on obtient les courbes du doc - 2 -



- 1/ identifier la courbe correspond à  $U_R$ .
- 2/ Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $U_R$
- 3/ Déterminer l'expression de  $U_R$  la tension aux bornes de la Conducteur ohmique en régime permanent et déduire  $U_b$  la tension aux bornes de la bobine en régime permanente.
- 4/ montrer que :

$$U_R(t) = \frac{RE}{R+r} \left( 1 - e^{-t/\tau} \right)$$

solution de l'équation différentielle.

- 5/ Déterminer l'expression de  $\tau$  la constante du Temps
- 6/ Établir l'expression du rapport:  $\frac{U_R}{U_b}$  en fonction de  $r$  et  $R$  en régime permanent.
- 7/ En exploitant les Courbes Déterminer la valeur de  $r$
- 8/ en déduire la valeur de  $L$
- 9/ Déterminer la valeur de  $E$  la force électromotrice de générateur.
- 10/ Déterminer par deux autres méthodes la valeur de  $r$ .
- 11/ montrer que l'intensité de courant  $i(t)$  s'écrit sous la forme  $i(t) = I_0(1 - e^{-t/\tau})$  où  $I_0$  est une constante à exprimer en fonction des données.
- 12/ soit  $t_2$  l'abscisse du point d'intersection des deux courbes  $u_R(t)$  et  $u_b(t)$ . montrer que :
 

$$t_2 = \frac{L}{R+r} \ln\left(\frac{2R}{R-r}\right)$$
- 13/ montrer que l'instant  $t_2$  :
 
$$\frac{E_m(t_2)}{E_{m\max}} = \left(\frac{R+r}{2R}\right)^2 \quad \text{ou :}$$

$E_m(t_2)$ : l'énergie emmagasinée dans la bobine à l'instant  $t_2$  et  $E_{m\max}$  l'énergie maximal emmagasinée dans la bobine.

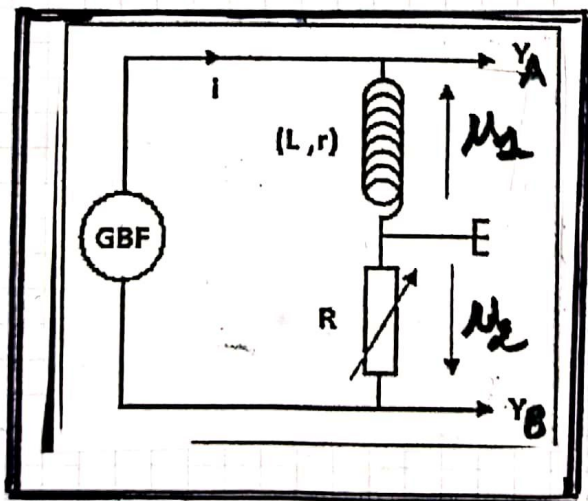
14) Déterminer l'instant  $t'$  laquelle la bobine emmagasinée une énergie représente 75% de son énergie maximale.

ex: 2

on se propose de déterminer la valeur de l'inductance  $L$  et la résistance interne  $r$  une bobine (b). par 2 méthodes.

### I) 1<sup>ère</sup> méthode

on réalise le montage du loc - 1 - Constitué d'un générateur GBF délivre une tension périodique triangulaire. un conducteur ohmique de résistance  $R$  réglable et la bobine (b)



1/ exprimer les deux tensions  $U_1$  et  $U_2$  en fonction des données.

2/ En appuyant sur le bouton "ADD"

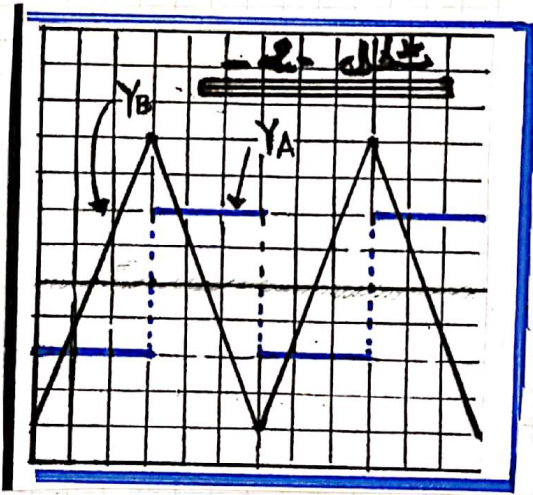
De l'oscilloscope on visualise la tension:

$$U_S = U_1 + U_2 \text{ sur la voie } Y_A:$$

montrer que: 
$$U_S = -\frac{L}{R} \frac{dI_2}{dt} + \left(\frac{R-r}{R}\right) U_2$$

3/ on règle la résistance R sur la valeur

$R = 15 \Omega$ . et on visualise la courbe ci-dessous.



on donne la sensibilité verticale de chaque entrée:

$$Y_A = 40 \text{ mV} \cdot \text{div}^{-2}$$

$$Y_B = 1,5 \text{ mV} \cdot \text{div}^{-2}$$

et la sensibilité horizontale

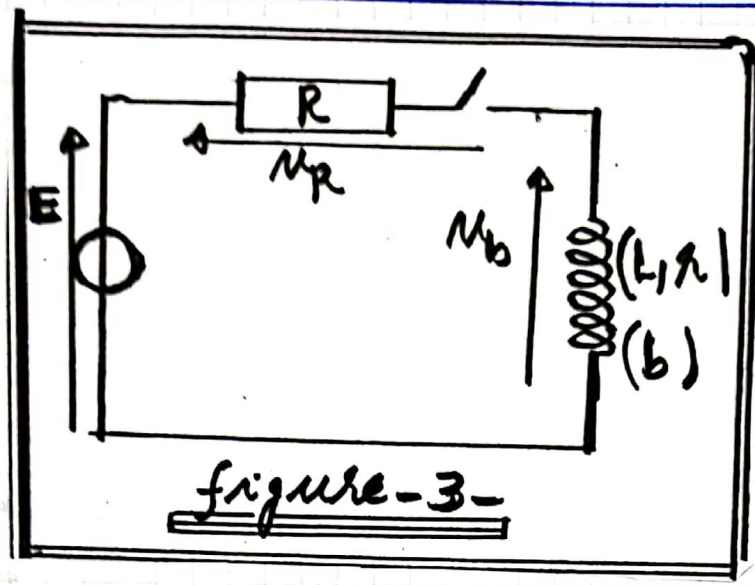
$$S_H = 1 \text{ ms} / \text{div}$$

3/ Déterminer la valeur de r et L

4/ Calculer l'énergie maximale emmagasinée dans la bobine

II/ 2<sup>ème</sup> méthode

on réalise le montage de la figure - 3 -



- a)  $t=0$ ) on ferme l'interrupteur.
- 5) Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $U_b$  la tension aux bornes de la bobine (b)
- 6) la solution de l'équation différentielle s'écrit sous la forme:

$$U_b(t) = A + B e^{-t/\tau} \quad \text{avec: } \tau = \frac{L}{R+r}$$

- 6-1) exprimer  $U_b(t)$  en fonction de A et en déduire l'expression de A et B en fonction des données.
- 6-2) Déterminer  $\left. \frac{dU_b}{dt} \right|_{t=0}$  en fonction des paramètres de circuit.
- 7) la figure - 4 - représente l'évolution de la tension  $U_b$  en fonction du temps.

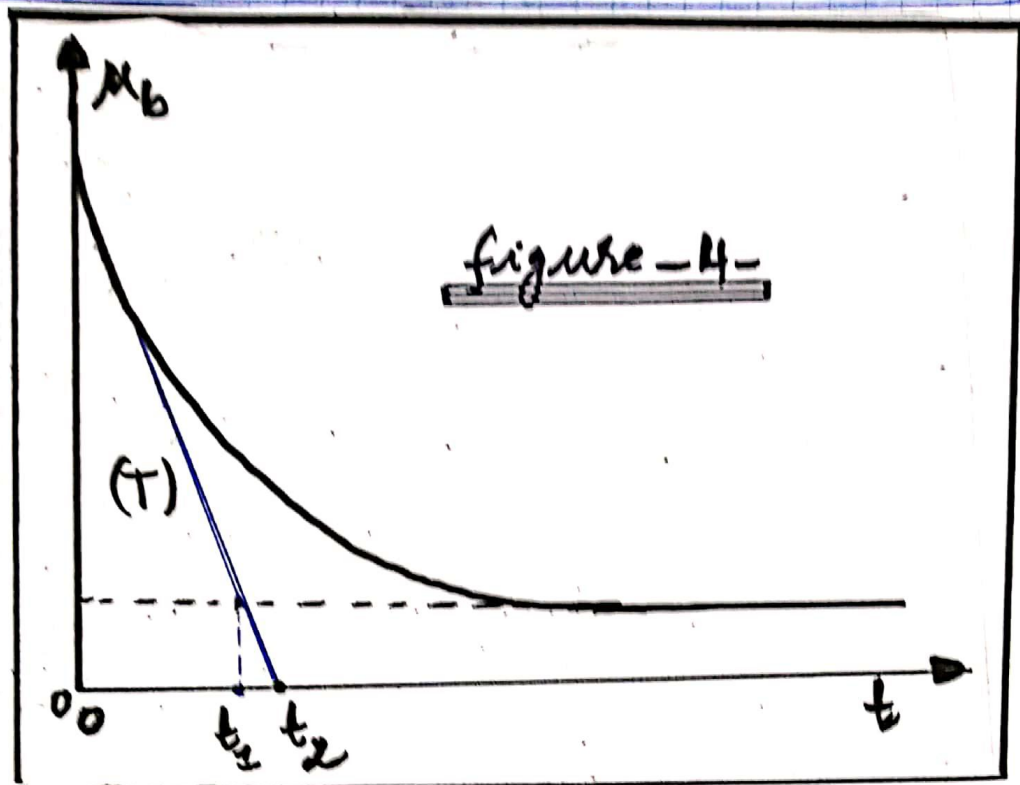


figure-4-

7-2/ sans écrire l'équation Cartésienne de la droite (T) établir l'expression de  $t_1$  et  $t_2$  en fonction des paramètres du circuit.

7-2/ Etablir l'expression de  $r$  la résistance de la bobine en fonction de  $R$  et  $t_1$  et  $t_2$ . puis calculer sa valeur on donne :

$$R = 25 \Omega, t_1 = 7,5 \text{ ms}, t_2 = 12 \text{ ms}$$

7-3/ Calculer  $L$  l'inductance de la bobine puis calculer l'énergie maximale emmagasinée dans la bobine. on donne  $E = 10 \text{ V}$ .

07-72-96-61-01: 2021 Cas à analyser

proposé par: EL BADAOUI

# ex: 3

## Exercice 1 (5 points)

Un circuit électrique comporte, branchés en série, un résistor de résistance  $R$  variable, une bobine d'inductance  $L$  et de résistance  $r$ , un générateur idéal de tension, de fem  $E$  et un interrupteur  $K$  (figure 1).

A l'instant  $t = 0$ , on ferme l'interrupteur  $K$ .

1- a- Montrer que l'équation différentielle en  $u_R$  (tension instantanée aux bornes du résistor) s'écrit :

$$\frac{du_R}{dt} + \frac{u_R}{\tau} = E \frac{R}{L} ; \text{ où } \tau \text{ est la}$$

constante de temps que l'on exprimera en fonction de  $R$ ,  $r$  et  $L$ .

b- En déduire l'expression de la tension  $U_R$  aux bornes du résistor en régime permanent.

2- Pour deux valeurs différentes  $R_1 = 40 \Omega$  et  $R_2$  de  $R$ , on suit les évolutions au cours du temps des tensions instantanées  $u_{R1}(t)$  et  $u_{R2}(t)$  aux bornes du résistor. On obtient les courbes de la figure 2.

a- Exprimer, en régime permanent, les tensions  $U_{R1}$  et  $U_{R2}$  correspondant respectivement aux tensions instantanées  $u_{R1}(t)$  et  $u_{R2}(t)$ .

b- En exploitant les courbes de la figure 2, montrer que :  $\frac{R_1 \cdot \tau_1}{R_2 \cdot \tau_2} = \frac{8}{9}$  ; où  $\tau_1$  et  $\tau_2$  sont les constantes de temps correspondant respectivement à  $R_1$  et  $R_2$ .

c- Déterminer graphiquement les valeurs de  $\tau_1$  et  $\tau_2$ .

d- Déduire la valeur de  $R_2$ .

3- a- Montrer que  $r = 10 \Omega$ .

b- Déterminer les valeurs de  $E$  et  $L$ .

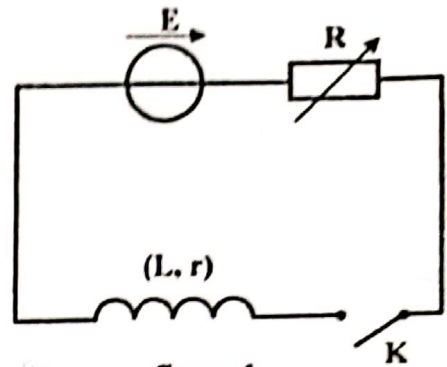


figure 1

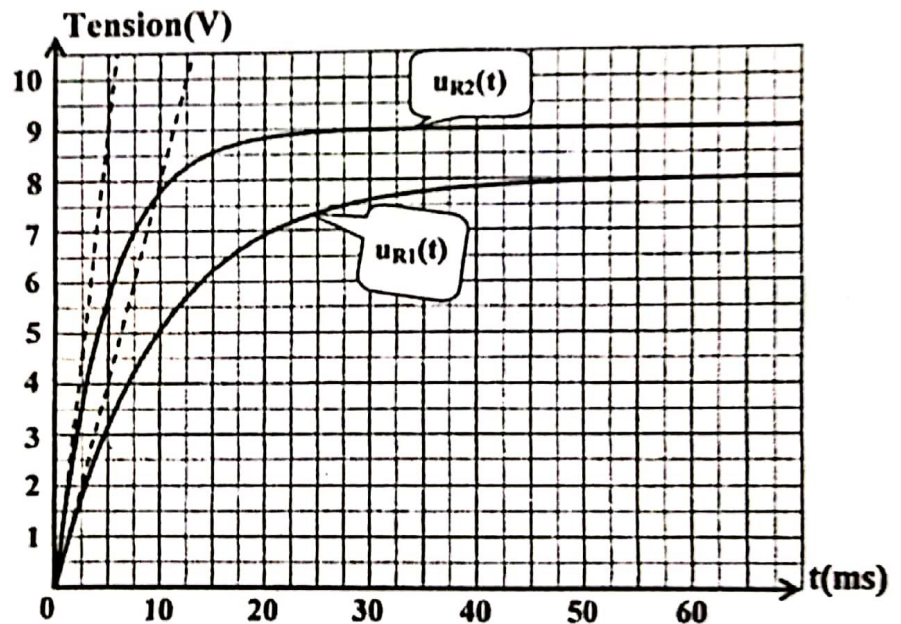


figure 2

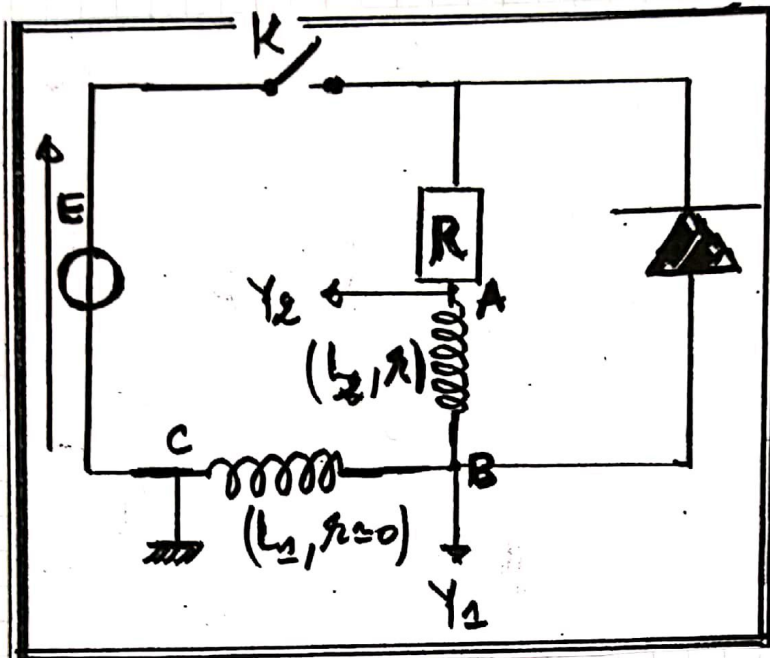
الدراسة عن بعد : 07-72-96-61-01

EL BADAoui.A



ex: 4

soit le circuit schématiser ci-dessous (figure-1-)



renferment un:

- \* générateur de Tension idéale de force électromotrice  $E$ .
- \* Conducteur ohmique de résistance  $R = 10\Omega$
- \* deux bobines  $b_1 (L_1, r_1=0)$  et  $b_2 (L_2, r_2)$ .
- \* un interrupteur  $K$ .

À une date  $(t=0)$  on ferme l'interrupteur  $K$ .

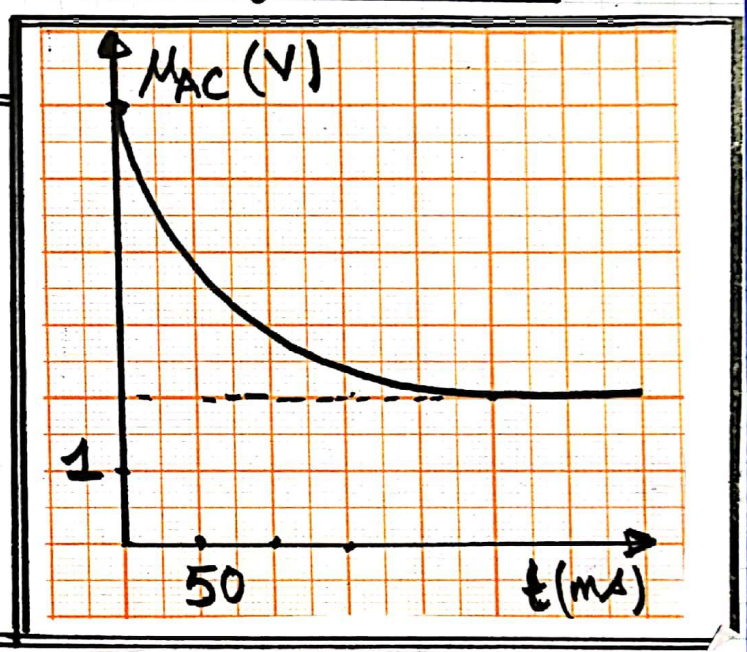
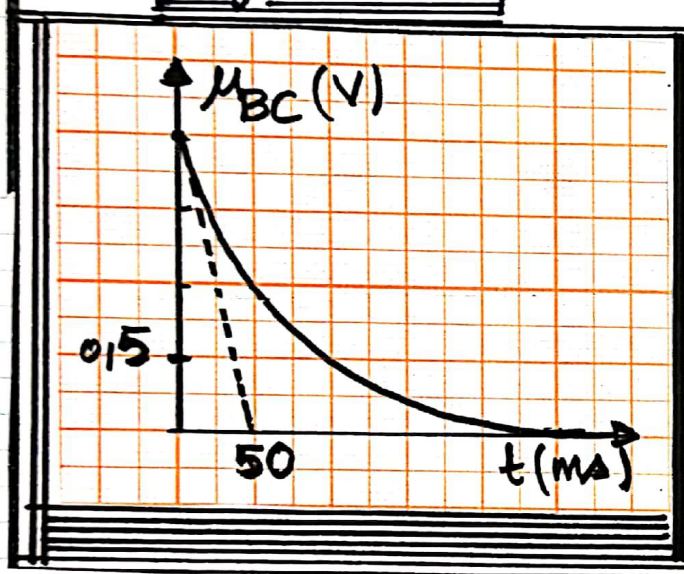
1/ montrer que l'équation différentielle vérifiée par  $i$  s'écrit sous la forme :

$$\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = \frac{E}{(R+r_2)\tau}$$

où  $\tau$  et la constante de temps que l'on exprimera en fonction de  $R$ ,  $r$  et  $L$

- 2/ Trouver l'expression de  $I_0$  l'intensité du courant lorsque le régime permanent s'établit
- 3/ on visualise sur l'entrée  $Y_1$  la tension  $U_{BC}$  et sur l'entrée  $Y_2$  la tension  $U_{AC}$ . sur l'oscilloscope on obtient les courbes de la figure - 2 -

figure - 2 -



- 3-1/ Déterminer  $E$  et  $I_0$ .
- 3-2/ Déterminer la valeurs de :  $r$ ,  $L_1$  et  $L_2$ .
- 3-2/ sachant que  $i(t) = I_0 (1 - e^{-t/\tau})$ .

à l'instant :  $t_1 = \alpha \tau$  la bobine emmagasine une énergie qui représente 90,3% de sa valeur maximale

Déterminer la valeur de  $\alpha$ . (de  $N^*$ )

- 4/ lorsque le régime permanent s'établit on ouvre l'interrupteur  $K$  à un instant considéré comme une nouvelle origine des dates.

4-1) quelle est l'expression de la tension  $U_{AB}$  juste après l'ouverture de K ?

la Calculer dans ce cas :

4-2) Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension  $U_{AB}$ .

4-3) la solution de l'équation différentielle s'écrit sous la forme.

$$U_{AB}(t) = A e^{-t/\tau'}$$

Etablir l'expression de A et  $\tau'$ .

4-4) Tracer l'allure de  $U_{AB}$  en fonction du temps.

4-5) déduire l'expression de  $i(t)$  l'intensité de courant.

4-6) déterminer l'instant  $t'$  où la bobine perde 75% de son énergie initiale.

5) Déterminer l'équation Différentielle vérifiée par  $E_m$  l'énergie emmagasinée dans la bobine en déduire son expression en fonction du temps

-2020-  
-2021-

-Prof-  
-EL BADAoui-

2021. Été 2021  
Bonne chance

2<sup>ème</sup> BAC. AC MATH

physique-chimie

2<sup>ème</sup> BAC. AC MATH

Bonne  
chance

Dépôt Re - RL -

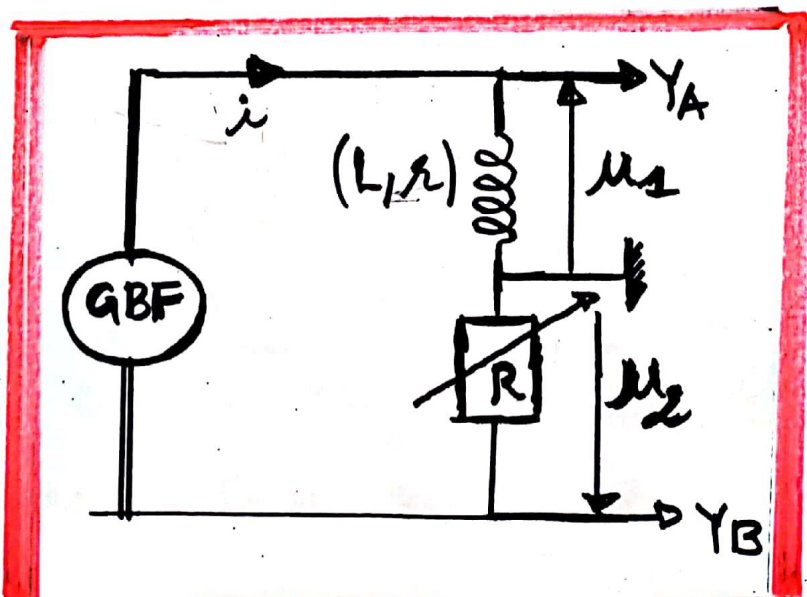
-07-72-96-61-01-

ex: 5

on se propose de déterminer la valeur de l'inductance  $L$  et la résistance interne  $r$  d'une bobine (b) par 2 méth.

I 1<sup>ère</sup> méthode

on réalise le montage du doc - 1 - Constitué d'un générateur **GBF** délivre une tension périodique Triangulaire. Un conducteur ohmique de résistance  $R$  réglable et la bobine (b).

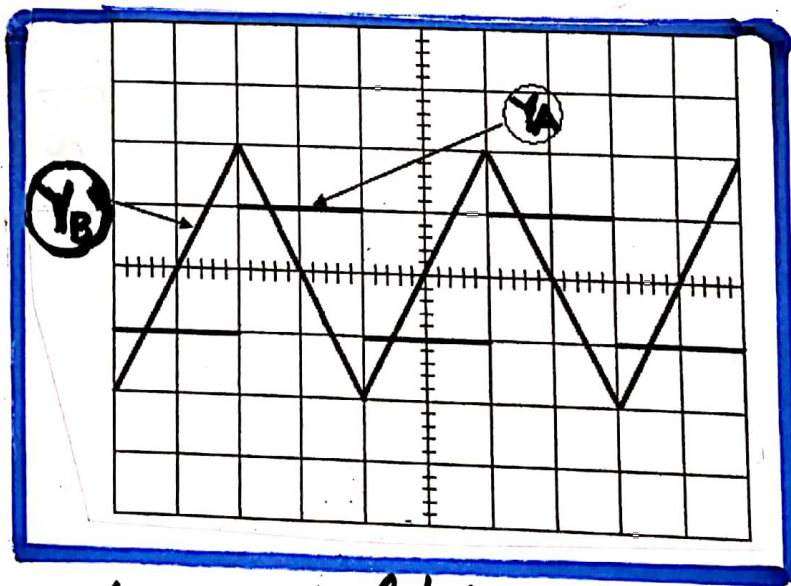


1/ Exprimer les deux tensions  $u_1$  et  $u_2$  en fonction des données

2/ En appuyant sur le bouton "ADD" de l'oscilloscope on visualise la tension  $u_s = u_1 + u_2$  sur la voie  $Y_A$ :

montrer que: 
$$u_s = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_2}{dt} + \left(\frac{R-r}{R}\right) u_2$$

3/ on règle la résistance  $R$  sur la valeur  $R = 10\Omega$  et on visualise la courbe ci-dessous.



on donne la sensibilité verticale de chaque entrée :

$$Y_B = 2V \cdot \text{div}^{-1}$$

$$Y_A = 20V \cdot \text{div}^{-1}$$

\*  $S_H = 1\text{ms} / \text{div}$  (sensibilité horizontale)

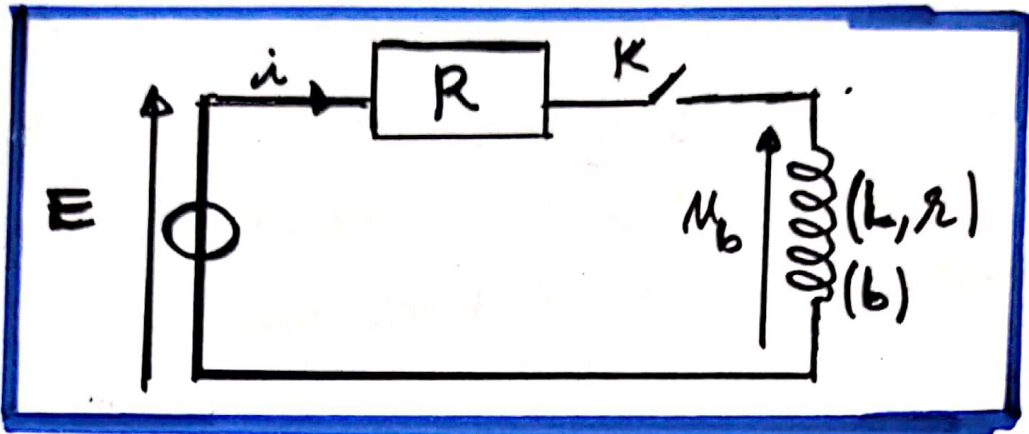
3/ Déterminer la valeur de  $r$  et  $L$

4/ Calculer l'énergie maximale emmagasinée dans la bobine.

## II

### 2<sup>ème</sup> méthode

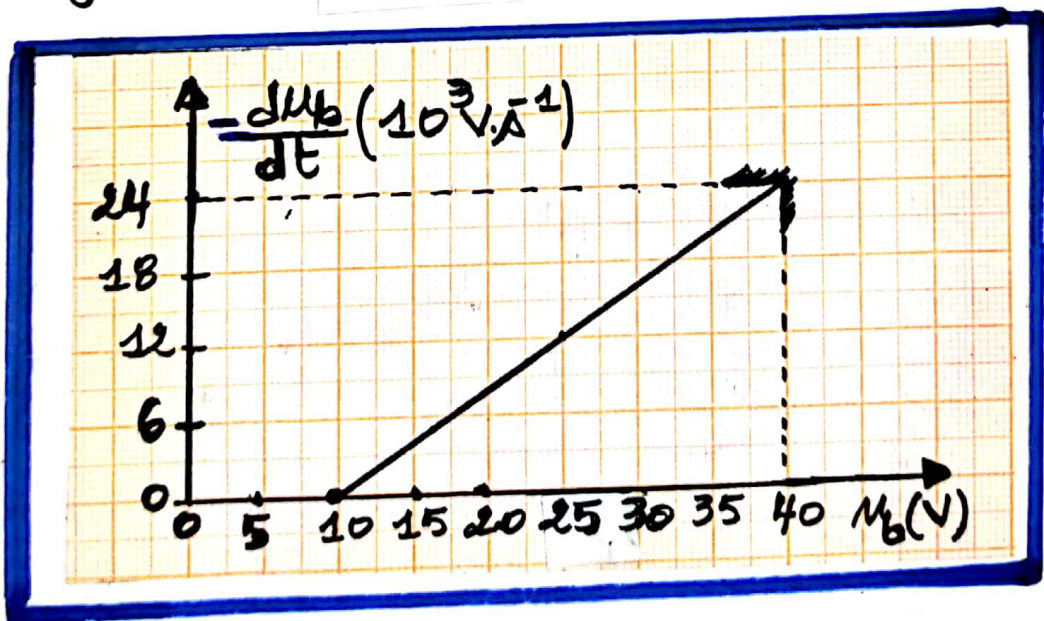
on réalise le montage de la figure - 3 -



a ( $t=0$ ) on ferme l'interrupteur.

5/ Etablir l'équation Différentielle vérifiée par  $U_b$  la tension aux bornes de la bobine (b)

6/ la courbe du document - 4 - représente l'évolution de la grandeur  $(-\frac{dU_b}{dt})$  en fonction  $U_b$ .



on donne  $R = 30 \Omega$

6-1) Déterminer la valeur de :  $E$ ,  $r$  et  $L$ . ( $L$  par 2 méth)

6-2) Calculer l'énergie emmagasinée dans la bobine

lorsque  $U_b = 25\text{V}$ .

7/ la solution de l'équation Différentielle s'écrit sous la forme :  $U_b(t) = A e^{-t/\tau} + B$

Déterminer l'expression des constantes A et B

8/ Déterminer l'expression de l'intensité de courant sous la forme :  $i(t) = I_0 (1 - e^{-t/\tau})$ ,

où  $I_0$  est une constante que l'on exprimera en fonction des paramètres de circuit.

9/ soit  $t_1$  le temps au bout duquel  $i$  atteint 10% de sa valeur maximum.

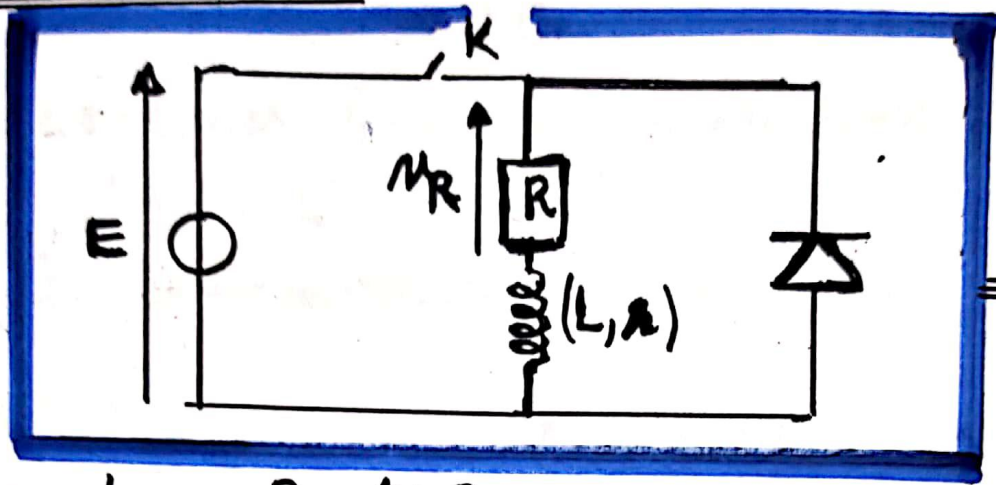
• soit  $t_2$  le temps au bout duquel  $i$  atteint 90% de sa valeur maximum.

Exprimer  $t_m = t_2 - t_1$  en fonction de  $\tau$  puis calculer sa valeur.

Bonne chance

ex: 6

on réalise le montage schématisé sur le document - 1 -



on donne  $R = 40 \Omega$ .

à l'instant ( $t=0$ ) on ferme l'interrupteur K.

1/ Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $i_R(t)$

2/ Déterminer l'expression de  $I_0$  l'intensité de courant en régime permanent par 2 méth.

3/ lorsque le régime permanent s'établit on ouvre l'interrupteur K à un instant considéré comme nouvelle origine des dates.

la figure - 2 - donne la variation de  $E_m$  en fonction de  $x^2$  et la figure - 3 - donne la variation de  $E_m$  en fonction des temps.

3-1/ Etablir l'équation Différentielle vérifiée par  $i_L(t)$

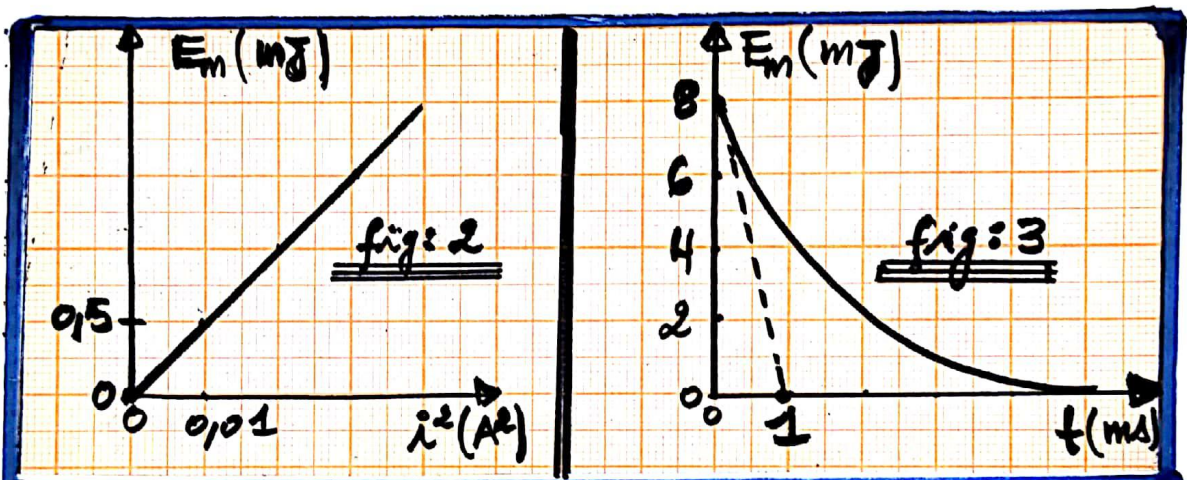


3-2/ la solution de l'équation Differentielle s'écrit sous la forme:

$$i(t) = Ae^{-t/\tau}$$

exprimer l'expression des deux Constante A et  $\tau$ .

3-2/ Déterminer la valeur de:  $L, I_0, \tau, R, E$ .



proposé par: EL BADAOUIA.

الدراسة رقم: 07-72-96-61-01

On réalise le circuit électrique représenté dans la figure-1- comportant :

- Un générateur de force électromotrice  $E$ .
- Une bobine d'inductance  $L_1$  et de résistance interne  $r_1$ .
- Une bobine d'inductance  $L_2$  et de résistance interne  $r_2$ .
- Un ampèremètre et un interrupteur  $K$ .

On ferme  $K$  à  $t=0$ .

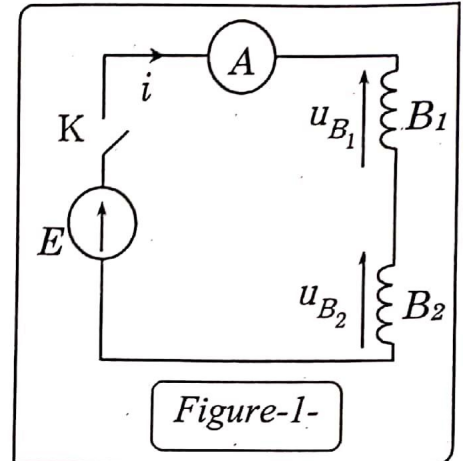


Figure-1-

I.

- 0,5 1. Montrer que l'équation différentielle vérifiée par l'intensité du courant  $i(t)$  s'écrit sous la forme :  $i + \tau \frac{di}{dt} = \alpha$
- Avec  $\tau$  et  $\alpha$ , des constantes dont on déterminera les expressions.
- 1 2. La solution de cette équation s'écrit sous la forme :  $i(t) = A e^{-\lambda t} + B$ . En utilisant les conditions initiales et les caractéristiques du régime permanent, trouver les expressions des constantes  $A$  et  $B$ .

II. La courbe de la figure -2 montre les variations de l'intensité du courant  $i(t)$ , et la figure -3, celles des tensions  $u_{B_1}(t)$  et  $u_{B_2}(t)$  aux bornes des bobines.

- 0,5 1. Montrer que  $E=12V$ .
- 0,5 2. Trouver l'expression de  $\frac{di}{dt}(t=0)$  à  $t=0$  en fonction de  $E$ ,  $L_1$ , et  $L_2$ .
- 1 3. La droite  $T$  dans la figure-2, représente la tangente à la courbe  $i(t)$  à  $t=0$ . Trouver graphiquement la valeur de  $\frac{di}{dt}(t=0)$ , et en déduire la valeur de  $L_1+L_2$ .
- 0,75 4. Montrer que  $u_{B_1}(t=0) = \frac{L_1}{L_1+L_2} E$  et  $u_{B_2}(t=0) = \frac{L_2}{L_1+L_2} E$ .  
En utilisant les courbes de la figures -3, trouver les valeurs de  $L_1$  et  $L_2$ .
- 0,75 5. Montrer qu'en régime permanent, les tensions  $u_{B_1}(\infty)$  et  $u_{B_2}(\infty)$  ont pour expressions :  $u_{B_1}(\infty) = \frac{r_1}{r_1+r_2} E$  et  $u_{B_2}(\infty) = \frac{r_2}{r_1+r_2} E$
- 0,5 6. En régime permanent, l'ampèremètre affiche la valeur  $2A$ . Calculer les valeurs de  $r_1$  et  $r_2$ .
- 1,5 7. L'expression de la tensions  $u_{B_1}(t)$  s'écrit sous la forme :  $u_{B_1}(t) = C + D e^{-\frac{t}{\tau}}$ .  
Trouver les expressions des deux constante  $C$  et  $D$ .

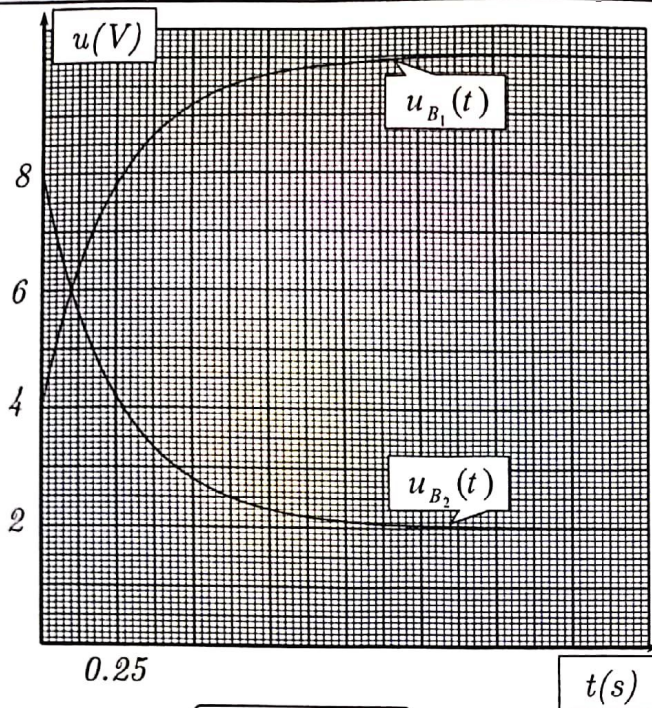


Figure -3-

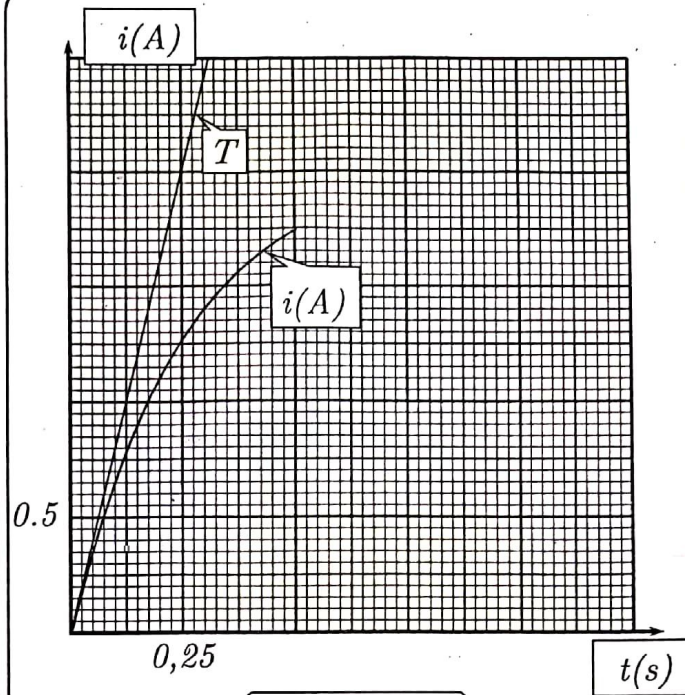


Figure -2-

الدراسة كذا بعد:

07-72-96.61-01

EL BADAoui.A